

비밀분산방식의 새로운 구성법

송 유 진*

New Construction of Secret Sharing Scheme

Youjin Song

요 약

본 논문은 기존 비밀분산방식의 액세스 구조를 조합디자인 이론의 관점에서 해석함으로써 새로운 비밀분산방식이 구성될 수 있음을 보인다. 종래의 비밀분산방식으로는 다항식보간을 이용하는 방법, 사영기하를 이용하는 방법등이 알려져 있으나 본 논문에서는 OA(Orthogonal Array), $t-(v,k,1)$ 디자인, 그룹분할 가능한 GD(Group Divisible) 디자인이 갖는 행렬구조로부터 비밀분산방식의 액세스 구조를 정합시킴으로써 비밀분산방식을 새롭게 구성하고 있다. 이와같이 구성된 비밀분산방식은 기존 방식의 비밀 사이즈가 소수의 멱승 q 에 의존하고 있는 반면 본 방식의 경우 조합디자인 파라미터에 관계하고 있으므로 비밀 사이즈 선택의 융통성이 있고 잘 알려진 조합적 구조를 이용함으로써 실현이 용이한 특징을 갖는다.

키워드 : 비밀분산방식, OA(Orthogonal Array), $t-(v,k,1)$ 디자인, GD(Group Divisible) 디자인.

1. 서 론

비밀분산방식이란 비밀 s 를 n 개의 분산정보 v_1, v_2, \dots, v_n 으로 분산부호화하여 특정분산정보의 집합(액세스집합)에 대해서만 s 의 복호를 가능토록 하는 방식이다. 이는 비밀정보의 관리뿐만 아니라 Multiparty프로토콜, 그룹암호계등의 많은 분야에서 중요하다. 비밀분산방식은 비밀 s 의 난수 R 를 입력으로 하고 v_1, v_2, \dots

, v_n 를 출력으로 하는 알고리즘에 의해 실행된다. 비밀분산방식은 임의의 부분집합 A 가 비밀 s 를 완전히 복원할 수 있을까(A 는 액세스집합), 비밀 s 에 관한 정보를 완전히 얻을 수 없을까(A 는 비액세스집합)의 어느 쪽인가에 의해 비밀정보를 분산 관리하는 방식이다^[1]. Shamir^[1]는 비밀 분산 방식을 실현하는 체계적인 절차인 다항식보간을 이용한 (k, n) 임계치법을 제안했다. 또한 Blakley^[6]는 거의 동일

* 동국대학교 정보산업학과

한 시기에 독립적으로 사영기하를 이용한 (k, n) 임계치법을 제안하여 Shamir의 제안을 소수 p 상의 유한체 $GF(p)$ 에서 $GF(2^n)$ 상의 원시 다항식 연산으로 확장하였다. Karnin, Greene, Hellman^[11]은 최대 거리 부호의 성질을 비밀분산 방식에 적용하였고 Asmuth, Bloom^[7]은 비밀분산방식에 대한 모듈로 접근법을 제안하였다. 그리고 McEliece, Sarwate^[12]는 Shamir의 방식이 Reed-Solomon 부호와 매우 밀접하다는 것을 고찰하고 있다.

본 논문에서는 OA(Orthogonal Array), t -($v, k, 1$) 디자인, GD(Group Divisible) 디자인이 갖는 행렬구조로부터 비밀분산방식의 액세스 구조를 정합시킴으로써 비밀분산방식을 새롭게 구성하고 있다. 이와같이 구성된 비밀분산방식은 기존 방식의 비밀 사이즈가 소수의 역승 q 에 의존하고 있는 반면 본 방식의 경우 조합 디자인 파라미터에 관계하고 있으므로 비밀 사이즈 선택의 융통성이 있고 잘 알려진 조합적 구조를 이용함으로써 실현이 용이한 특징을 갖는다.

2. 기존 비밀 분산 방식의 구성법

본 장에서는 비밀분산방식에 대한 기존의 여러가지 구성법에 대하여 검토한다.

Shamir^[13]는 Lagrange 보간 다항식을 근거로 한 방식을 제안했다. 분산정보 (Share)는 다음의 $t-1$ 차의 다항식에 의해 주어진다.

$$h(x) = (a_0 + a_1x + \dots + a_{t-1}x^{t-1}) \bmod p$$

단, 여기서 정수치 $a_0 = s$ 이다. 모든 계산은 유한체 $GF(p)$ 에서 행하고 P 는 s, k 보다 큰 소수로 한다. $h(x)$ 가 주어지면 비밀 s 는 $s = h(0)$ 에 의해 계산할 수 있다. k 개의 분산정보를 구하기 위해 k 개의 값 x_1, \dots, x_k 에 대해서 각각 $h(x)$ 의 수치를 계산한다.

$$v_i = h(x_i) \quad i=1 \dots k$$

즉, 각각의 쌍 (x_i, v_i) 는 곡선 $h(x)$ 상의 점으

로써 주어진다.

수치 x_1, \dots, x_k 는 비밀로 할 필요는 없고 사용자의 식별번호 또는 단순히 1부터 k 까지 번호라도 상관없다. t 개의 점이 모여 비로소 $t-1$ 차의 다항식을 유일하게 결정할 수 있다. 따라서, t 개의 분산정보는 $h(x)$ 즉 비밀 s 를 복원할 수 있다.

한편, t 미만의 분산정보에서는 $h(x)$ 및 s 를 복원할 수 있는 정보를 얻을 수 없다. t 개의 분산정보 v_1, v_2, \dots, v_t 가 주어지면, $h(x)$ 는 다음과 같은 Lagrange 다항식으로부터 복원된다.

$$h(x) = \sum_{j=1}^t k_j \prod_{\substack{j=1 \\ j \neq s}}^t \frac{(x-x_{ij})}{(x_{is}-x_{ij})} \bmod p$$

Blakey^[6]는 $p(x) = x^2 + x + 1$ 이 기약 다항식이라면 Shamir의 방식이 $\bmod p(x)$ 를 갖는 $GF(2^n)$ 상에서 보다 효율적으로 실현될 수 있음을 제안하였다. Blakey 방식의 경우 $h(x)$ 의 계수 a_i 는 $GF(2^n)$ 의 요소, 좌표 (x_i, v_i) 는 $GF(2^n)$ 의 요소이고 $h(x)$ 는 기약 $\bmod p(x)$ 이다.

Asmuth, Bloom^[7]은 중국인 잉여정리에 근거한 비밀 분산 방식을 제안했다.

이 방식에서 분산정보는 비밀 s 에 관한 수의 합동(congruence) 클래스로 된다.

Asmuth, Bloom의 비밀분산방식을 설명하기 위해 $\{p, d_1, d_2, \dots, d_k\}$ 를 다음 조건을 만족하는 정수의 집합으로 한다. 즉,

- ① $p > s$
- ② $d_1 < d_2 < \dots < d_k$
- ③ 모든 i 에 대해, $\gcd(p, d_i) = 1$
- ④ $i \neq j$ 일때 $\gcd(d_i, d_j) = 1$
- ⑤ $d_1, d_2, \dots, d_i > p d_{i+2} d_{i+3} \dots d_k$

여기서, $\gcd(x, y)$ 는 x 와 y 의 최대공약수를 나타낸다.

조건 ③, ④는 정수의 쌍이 쌍마다 서로소라는 것을 의미하며 조건 ⑤는 작은 쪽에서 t 개를 취한 d_i 의 곱은 큰 쪽의 나머지 $t-1$ 개의 d_i 와 p 의 곱보다 크다는 것을 의미한다.

$n=d, d_2, \dots, d_t$ 를 작은 쪽으로 부터 t 개의 d_i 의 곱으로 한다.

이때 n/p 은 나머지 $t-1$ 개의 d_i 의 곱보다 크다.

r 을 $[0, (n/p-1)]$ 의 범위에 있는 랜덤한 정수로 한다.

s 를 k 개의 분산정보로 분해하는 것은 $s' = s + rp$ 를 계산하는 것이다.

여기서 분산정보는

$$v_i = s' \bmod d_i \quad i=1 \dots k$$

에 의해 구해진다.

s 를 복원하기 위해서 s' 를 구하면 충분하다.

만약 t 개의 분산정보 v_1, v_2, \dots, v_t 를 알고 있으면 s' 는 중국인 잉여정리에 의해 구해진다. s' 와 r, p 로부터 $s = s' - rp$ 에 의해 s 를 구한다.

본 논문은 이상과 전혀 다른 관점인 조합디자인 관점으로부터 비밀분산방식의 구성법을 검토한다. 즉, 본 논문은 Blakley^[6]가 (k, n) 임계치법을 제안하기 위해 사용한 사영기하 $PG(2, 2)$ 의 구조는 2-(7, 3, 1)디자인이라는 점에 착안하여 비밀분산방식의 액세스 구조와 디자인 구조의 밀접한 관련성을 이용, 비밀분산방식을 제안하고 있다.

3. 조합 디자인에 근거한 비밀분산방식의 구성

본 장에서는 비밀분산방식의 액세스구조와 조합디자인이 갖는 조합적 구조와의 밀접한 관계에 대하여 고찰하고 조합디자인으로부터 비밀분산방식을 구성한다.

3.1 비밀분산방식과 조합디자인과의 관계

비밀에의 액세스 구조는 그래프 또는 매트roid등의 조합적 구조에 의해 특징지워질 수 있음이 잘 알려져 있다^{[1][2][3][4][5][6][7]}. 그래프 또는 매트roid등의 조합적 구조는 비밀분산

방식의 비밀복원특성(임의의 분산정보를 소유하는 멤버의 집합은 비밀을 복원할 수 있는 성질)을 형식화하기 위해 도입되고 있다.

이와같이 비밀분산방식은 BIBD(Balanced Incomplete Block Design), t -($v, k, 1$)디자인등 균형성이 있는 부분집합의 족을 적절히 선택하여 비밀분산방식의 비밀복원특성을 만족하도록 할 수 있을가의 관점에서 해석할 수 있다. Shamir^[13]의 (t, k) 임계치 방식은 t 개의 점을 통하는 $(t-1)$ 차 다항식 f 가 유일하게 존재한다는 성질을 이용하여 k 명 중에 t 명은 f 를 결정할 수 있으므로 비밀을 복원하는 방식이다. 이는 t -($v, k, 1$)디자인에서 k 점중의 t 개의 점이 주어지면 블록을 정확히 하나 결정할 수 있는 성질에 해당된다. 또한 Blakley^[6]의 사영기하에 근거한 (t, k) 임계치 방식에서는 t 개의 점으로부터 $(t-1)$ 차원 부분공간을 구성할 수 있는 것이 t -($v, k, 1$)디자인적 성질에 해당되고 있다. 이와같이 t -($v, k, 1$)디자인의 블록은 $(t-1)$ 차 다항식, $(t-1)$ 차원 부분공간등의 관점에서 해석할 수 있다.

여기서 본 논문에서 취급하는 조합디자인에 대하여 정의한다.

[정의 1]^{[14][15]} 직교배열 $OA_\lambda(t, k, n)$ 는 이하의 조건을 만족하는 $\lambda n \times k$ 배열 A 이다.

- (1) 배열 A 의 요소는 $Z_n = \{0, 1, \dots, n-1\}$ 중의 하나이다.
- (2) 배열 A 의 어떤 t 열을 취해도 임의의 t 조가 행으로서 λ 회 나타난다.

[정의 2]^{[14][15]} t -(v, k, λ)디자인은 다음의 성질을 만족하는 v 개의 점의 집합 X 와 블록의 집합 D 로 구성된다.

- (1) 모든 블록은 정확히 k 개의 점으로 구성된다.
- (2) 임의의 t 개의 점을 포함하는 블록의 개수는 정확히 λ 개이다.

[정의 3]^{[4][5]} GD디자인 $GD(k, \lambda, n; v)$ 는 다음의 조건을 만족하는 v 개의 점의 집합 X 와 블록의 집합 D 로 구성된다.

- (1) 각 블록은 k 개의 점으로 구성된다.
- (2) $X = X_1 \cup X_2 \cup \dots$ 라는 X 의 분할이 존재하고 다음의 조건을 만족한다.
 - (2-1) 각 X_i 의 요소 수는 n
 - (2-2) $\forall a \in X_i, \forall b \in X_j$ 에 대해서 $i=j$ 일때 (a, b) 를 포함하는 블록은 존재하지 않는다.
 - (2-3) $i \neq j$ 일때 (a, b) 를 포함하는 블록이 정확히 λ 개 존재한다.

3.2 비밀분산방식의 행렬표현

s 를 비밀, v_1, v_2, \dots, v_n 를 그 분산정보로 한다. Γ 를 액세스집합의 족, 즉, 액세스구조로 한다. 비밀분산방식은 가능한 $(s, v_1, v_2, \dots, v_n)$ 의 실현치를 행으로 하는 행렬에 의해 표현할 수 있다. 본 논문에서는 이와같은 행렬을 비밀분산행렬이라 하고 M 으로 나타낸다. M 을 이해하기 위해 예 1을 든다.

(예 1) $n=3, \Gamma = \{\{v_1, v_2\}, \{v_2, v_3\}, \{v_1, v_2, v_3\}\}$ 의 비밀분산행렬 M 은 이하와 같이 주어진다.

$$M = \begin{bmatrix} s & v_1 & v_2 & v_3 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 1 \\ 2 & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

분산정보의 분배자(Dealer)는 M 의 행을 랜덤하게 선택하여 v_1, v_2, v_3 의 값을 각각 멤버 1, 2, 3에게 분배한다. v_1, v_2 이 액세스 집합인 것은 예를 들면, $v_1, v_2 = (1, 2)$ 일 때 $s=1$ 로서 유일

하게 s 가 결정되는 (M 의 제 1행) 것으로부터 알 수 있다. 이에 반해 $v_1, v_3 = (1, 1)$ 일 때는 $s=1$ (제 1행) $s=2$ (제 4행) $s=0$ (제 7행) 과 s 의 모든 값이 가능성을 갖는 즉, $v_1, v_3 = (1, 1)$ 일 때는 s 에 관한 정보를 알 수 없다. 이를 모든 (v_1, v_3) 의 실현치에 대해 적용할 수 있으므로 $\{v_1, v_3\}$ 은 비액세스 집합임을 알 수 있다.

3.3 구성법

비밀분산방식의 액세스 구조가 갖는 행렬구조는 디자인구조가 갖는 행렬구조에 의해 표현될 수 있다. 본 절에서는 조합디자인이 갖는 행렬구조를 비밀분산행렬에 정합시키기 위해 각각 예를 들어 설명하고 구성법을 정리한다. 특정 조합디자인이 갖는 행렬구조를 비밀분산행렬로서 변환하고 이 비밀분산행렬이 갖는 비밀복원 특성을 추출하여 정리로서 요약한다.

(1) $OA_t(t, k, n)$ 에 근거한 비밀분산방식의 구성

(예 2) $OA_t(2, 4, 3)$ 의 구성

($OA_t(2, 4, 3)$ 은 (3, 2)임계치법의 비밀분산행렬 M 이 되고 있다)

$$OA_t(2, 4, 3) = \begin{bmatrix} s & v_1 & v_2 & v_3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 2 \\ 2 & 0 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 0 & 1 \\ 2 & 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

[정리1] $OA_t(t, k, n)$ 을 비밀분산방식의 비밀분산행렬이라고 한다. 이 행렬로부터 얻어지는 비밀분산방식은 $|s|=|v_i|=n$ 되는 $(k-1, t)$ 임계치법이다.

(증명) [정의 1]의 (2)로부터 이 비밀 분산행렬 M 은 이하의 성질을 갖는다.

(i) s 를 포함하지 않는 임의의 t 열을 생각한다. 간단히 이것을 (v_1, \dots, v_t) 로 한다. 이 t 열에 있어서 임의의 값 (x_1, \dots, x_t) 은 어느 한 행밖에 나타나지 않는다.

따라서 $v_1=x_1, \dots, v_t=x_t$ 라는 값으로부터 이 행의 s 값을 유일하게 결정할 수 있다.

그러므로 (v_1, \dots, v_t) 은 약세스 집합이다.

(ii) s 를 포함하는 임의의 t 열을 생각한다. 간단히, s 이외의 $t-1$ 열을 (v_1, \dots, v_{t-1}) 로 한다.

이 $t-1$ 열의 임의의 값 (x_1, \dots, x_{t-1}) 에 대해 s 열의 값은 0으로부터 $n-1$ 까지가 1회 나타난다.

따라서 (v_1, \dots, v_{t-1}) 는 비약세스 집합이다.

(i)(ii)로부터 이 비밀 분산방식은 $(k-1, t)$ 임계치법이다.

$|s|=|v_i|=n$ 는 $OA_1(t, k, n)$ 의 정의로부터 명백하다.

(2) $t-(v, k, 1)$ 디자인에 근거한 비밀분산방식의 구성

(예 3) 3-(10, 4, 1) 디자인을 이하에 나타낸다.

$$X = \{1, 2, \dots, 10\}$$

$$\{1\ 5\ 6\ 7\}$$

$$\{1\ 2\ 8\ 9\}$$

$$\{2\ 3\ 7\ 10\}$$

$$\{3\ 4\ 6\ 9\}$$

$$\{4\ 5\ 8\ 10\}$$

$$\{2\ 3\ 4\ 8\}$$

$$\{3\ 4\ 5\ 7\}$$

$$D = \{1\ 4\ 5\ 9\}$$

$$\{1\ 2\ 5\ 10\}$$

$$\{1\ 2\ 3\ 6\}$$

$$\{1\ 3\ 5\ 8\}$$

$$\{1\ 2\ 4\ 7\}$$

$$\{2\ 3\ 5\ 9\}$$

$$\{1\ 3\ 4\ 10\}$$

$$\{2\ 4\ 5\ 6\}$$

[정리 2] $t-(v, k, 1)$ 디자인의 각 블록을 행으로 하는 행렬을 M 으로 한다. 이 M 을 비밀 분산행렬로 하는 비밀분산공유법에 있어서 임의의 t 명은 약세스 집합이다.

(증명) [정의 2]의 (2)로부터 임의의 t 열의 값 (x_1, \dots, x_t) 는 M 의 행을 결정한다. 따라서 s 를 포함하지 않는 임의의 t 열의 값은 s 열의 값을 유일하게 결정한다. 그러므로 임의의 t 명은 약세스 집합이다.

(예 4) 예 3의 3-(10, 4, 1) 디자인으로부터 얻을 수 있는 비밀분산 행렬 M 을 이하에 나타낸다.

$$M = \begin{bmatrix} s & v_1 & v_2 & v_3 \\ 1 & 5 & 6 & 7 \\ 1 & 2 & 8 & 9 \\ 2 & 3 & 7 & 10 \\ 3 & 4 & 6 & 9 \\ 4 & 5 & 8 & 10 \\ 2 & 3 & 4 & 8 \\ 3 & 4 & 5 & 7 \\ 1 & 4 & 5 & 9 \\ 1 & 2 & 5 & 10 \\ 1 & 2 & 3 & 6 \\ 1 & 3 & 5 & 8 \\ 1 & 2 & 4 & 7 \\ 2 & 3 & 5 & 9 \\ 1 & 3 & 4 & 10 \\ 2 & 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$$

(3) GD 디자인에 근거한 비밀분산방식의 구성

(예 5) $GD(4, 1, 3; 12)$ 디자인을 나타낸다.

$$X = \{1, 2, \dots, 12\}$$

$$X_1 = \{1, 2, 3\}, X_2 = \{4, 5, 6\}, X_3 = \{7, 8, 9\},$$

$$\begin{aligned}
 X_1 &= \{10, 11, 12\} \\
 &\{1\ 4\ 7\ 10\} \\
 &\{1\ 5\ 8\ 11\} \\
 &\{1\ 6\ 9\ 12\} \\
 &\{2\ 5\ 9\ 11\} \\
 D &= \{2\ 6\ 7\ 12\} \\
 &\{2\ 4\ 8\ 10\} \\
 &\{3\ 6\ 8\ 12\} \\
 &\{3\ 4\ 9\ 10\} \\
 &\{3\ 5\ 7\ 11\}
 \end{aligned}$$

[정리 3] $GD(k, 1, n; v)$ 의 각 블록을 행으로 하는 행렬을 M 으로 한다. 단 X_i 에 포함되는 요소는 제 i 열에 위치하도록 한다. (X_i 는 [정의 3]에서 정의된 것으로 한다.) 이 M 을 비밀분산행렬로 하는 비밀분산공유법에 있어서 임의의 2명은 액세스 집합이다. 또한, $|s|=|v_i|=n$

(증명) [정의 3]으로부터 $GD(k, 1, n; v)$ 는 2- $(v, k, 1)$ 디자인이다. 그러므로 [정리 2]로부터 임의의 2명은 액세스 집합이다. 또 [정의 3]의 (2-1) 및 M 의 구성으로부터 $|s|=|v_i|=n$

(예 6) 예 5의 $GD(4, 1, 3; 12)$ 디자인으로부터 얻을 수 있는 비밀 분산행렬 M 을 이하에 나타낸다.

$$M = \begin{bmatrix}
 s & v_1 & v_2 & v_3 \\
 1 & 4 & 7 & 10 \\
 1 & 5 & 8 & 11 \\
 1 & 6 & 9 & 12 \\
 2 & 5 & 9 & 11 \\
 2 & 6 & 7 & 12 \\
 2 & 4 & 8 & 10 \\
 3 & 6 & 8 & 12 \\
 3 & 4 & 9 & 10 \\
 3 & 5 & 7 & 11
 \end{bmatrix}$$

3.4 제안방식의 검토

우선, t - $(v, k, 1)$ 디자인등 조합디자인의 균형

성 조건이 비밀복원 특성을 어느 정도 결정하는가를 검토한다. 비밀을 분산정보로 분할 부호화할 때 비밀복원 특성은 조합디자인 파라미터 t, k, λ 에 의해 특징지워진다. 즉 분산정보를 점으로, 비밀분산함수를 블록으로 대응시키면 비밀복원 특성은 조합디자인 파라미터 t, k, λ 에 있어서 k 점중의 t 개의 점이 주어지면 블록을 정확히 하나 결정할 수 있는 성질에 귀착된다. 조합디자인의 정의로부터 검토하면,

- 각 블록에 포함되는 점의 개수는 k 이다(블록의 크기 k 가 비밀을 복원할 수 있는 인원수에 대응하고 있다).
- t 개의 서로 다른 점에 대해서 이들을 모두 포함하는 블록의 개수는 일정하다(t 가 비밀을 복원할 수 있는 극소액세스 집합의 크기에 대응하고 있다).
- t 개의 점을 포함하는 블록의 수는 λ 이다(λ 가 극소액세스 집합이 복원할 수 있는 비밀의 수에 대응하고 있다).

이와같이 멤버의 부분집합인 k 명중에서 t 명이 모여지면 비밀분산방식이 구성되고 극소액세스 집합인 t 명은 $\lambda=1$ 개의 비밀 복원이 가능하다. 이와같은 관점으로부터 비밀분산 방식은 조합디자인 파라미터 t, k, λ 에 의해 특징지울 수 있다. 이러한 파라미터를 사전에 지정해서 비밀분산방식을 구성하는 것이 조합디자인 접근법의 이점이다. 반면 기존의 비밀분산방식은 $GF(q)$ 상의 파라미터 q 에 의존하고 있다.

본 논문은 조합디자인 관점으로부터 비밀복원 특성을 형식화함으로써 비밀분산방식을 다음과 같이 재정의한다.

[정의 4] 비밀분산방식은 다음과 같은 비밀복원특성을 만족하는 (P, F) 이다. 여기서 P 는 v 개의 점(분산정보)의 집합, F 는 크기 k 의 P 의 부분집합의 족에 대응 하는 비밀분산함수

의 집합이다.

- 1) k 개의 점중 t 개 이상의 점으로부터 비밀을 유일하게 결정할 수 있다.
- 2) k 개의 점중 $t-1$ 개의 이하의 점으로부터는 비밀을 전혀 결정할 수 없다.

한편, [정리 1]은 $n \neq$ 소수의 멱승에 대해서도 임계치법을 구성할 수 있는 가능성을 나타내고 있다. (Shamir의 방법은 n 은 소수의 멱승에 한하고 있음)

또한 $OA(t, k, n)$ 은 $GD(k, 1, n; v)$, $TD(k, 1, n)$ (TD : Transversal Design) 및 차수 n 의 서로 직교하는 $k-2$ 개의 라틴 방격($k-2$ Mutually Orthogonal Latin Square of order n)과의 동가성이 알려져 있다^{[4][5]}. 이러한 동가성으로부터 여러가지 조합디자인에 근거한 비밀분산방식의 구성이 가능하다. 즉 본 논문에서 제안된 3가지 방식은 파라메타를 매개로 서로 동가적인 성질을 갖고 있으며 어떤 한 방식으로부터 다른 방식의 구성이 가능하다는 것을 나타내고 있다.

4. 결 론

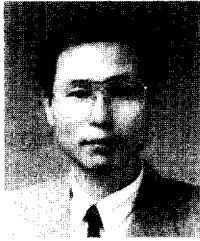
본 논문에서는 비밀분산방식의 액세스 구조를 조합디자인이 갖는 행렬구조의 관점에서 해석하는 것에 의해 비밀분산방식과 조합디자인이 밀접한 관계가 있음을 고찰하였다. 이러한 고찰을 통해 유한체 $GF(q)$ 상에서 선택가능한 비밀 사이즈를 더욱 융통성있게 선택할 수 있다. 또한 조합적 구조가 갖는 균형성등을 최대한 활용함으로써 키 분실등의 대책으로 비밀을 분산 보관하는 메카니즘을 설계할 경우 실현이 용이하다. 향후 과제로서는 본 논문에서 고찰된 구성법의 응용 연구가 검토되어야 할 것이며 복수의 비밀을 갖는 비밀분산방식과 조합디자인과의 관계에 대한 검토가 필요할 것이다.

참 고 문 헌

- [1] Brickell E.F. and Davenport D.M : "On the classification of ideal secret sharing schemes.", J. Cryptology, 4, pp. 123-134(1991).
- [2] Blundo C, De Santis A, Stinson D.R. and Vaccaro U.: "Graph decomposition and secret sharing schemes.", Eurocrypt'92, pp. 1-20(1992).
- [3] Blundo C, De Santis A, Gargano L. and Vaccaro U.: "On the information rate of secret sharing schemes.", Crypto'90(1992).
- [4] Beth T, Jungnickel D. and Lenz H.: "Design theory", Cambridge Univ. Press(1993).
- [5] Benaloh J. and Letcher J.: " Generalized secret sharing and monotone functions", Advances in Cryptography-Proc. of Crypto'88, Notes Comp. Science, pp. 27-35 (1990).
- [6] Blakley G. R.: "Safeguarding Cryptographic keys", Proc. of AFIPS1979 Nat. Computer Conference 48, pp. 313-317 (1979)
- [7] Asmuth C. A, Bloom J.: "A modular approach to key safeguarding.", IEEE Tr. IT 29 pp. 208-210 (1983).
- [8] Brickell E. F and Stinson D. R.: "Some improved bounds on the information rate of perfect secret sharing schemes", J. Cryptology (1991).
- [9] Hughes D.R. and Piper F. C.: "Design theory", Cambridge Univ. Press, Cambridge (1985)
- [10] Ito M., Saito A. and Nishizeki T.: "Secret sharing scheme realizing general access

- structure”, Proc. IEEE Globecom’87, pp. 99-102 (1987).
- [11] Karnin E.D., Green J. W and Hellman M. E.: “On secret sharing systems”, IEEE Trans, IT-29, 1, pp, 35-41 (1982)
- [12] McEliece R.J, Sarwate D. : “On sharing secrets and Reed-Solomon codes”, Comm ACM 24, pp583-584 (1981).
- [13] Shamir A.: “How to share secret”, Comm. of the ACM, 22, pp. 612-613 (1979)
- [14] Stinson D. R : “New general lower bounds on the information rate of secret sharing schemes”, Proc. of Crypto’92

□ 著者紹介



송 유 진

1978년 ~ 1982년 한국항공대학교, 학사
 1985년 ~ 1987년 경북대학교, 석사
 1992년 ~ 1995년 Tokyo Institute of Technology, 박사
 1983년 ~ 1986년 공군기술장교
 1988년 ~ 1996년 한국전자통신연구원 선임연구원
 1996년 ~ 현재 동국대학교 정보산업학과 교수

※ 주관심 분야 : 암호이론, 정보이론, 컴퓨터통신, 전자상거래 보안 및 전자화폐