

# 5라운드 KASUMI에 대한 포화공격\*

이 제 상<sup>a)†</sup>, 이 창 훈<sup>a)</sup>, 이 상 진<sup>a)‡</sup>, 임 종 인<sup>a)</sup>

고려대학교 정보보호기술연구센터<sup>a)</sup>

## Saturation Attacks on the reduced 5-round KASUMI

JeSang Lee<sup>a)†</sup>, Changhoon Lee<sup>a)</sup>, Sangjin Lee<sup>a)‡</sup>, Jongin Lim<sup>a)</sup>

Center for Information of Security of Technologies, Korea University<sup>a)</sup>

### 요 약

KASUMI는 3GPP에서 사용되는 알고리즘으로, 64비트의 평문을 입력받아 128비트의 키를 사용하여 64비트의 암호문을 출력하는 블록암호이다. 본 논문에서는  $10 \times 2^{32}$  선택 평문을 이용하여, 공격 복잡도  $2^{115}$ 를 갖는 5라운드 포화공격을 소개하고, 중간 일치 공격을 이용하여 공격 복잡도  $2^{90}$ 을 갖는 포화공격을 보인다. 더 나아가  $FL_6$ 에 쓰이는 키 아홉 비트가 “11111111”로 고정된 취약 키 클래스에서  $7 \times 2^{32}$ 의 선택평문을 이용하여, 공격 복잡도  $2^{57}$ 을 갖는 향상된 5라운드 포화공격을 소개한다.

### ABSTRACT

KASUMI is a 64-bit iterated block cipher with a 128-bit key size and 8 rounds Feistel structure. In this paper, we describe saturation attacks on the five round KASUMI, which requires  $10 \times 2^{32}$  chosen plaintexts and  $2^{115}$  computational complexity. We also improve this attack using meet-in-the-middle technique. This attack requires  $7 \times 2^{32}$  chosen plaintexts and  $2^{90}$  computational complexity. Furthermore, we attack KASUMI by controlling the value of the fixed part of the key. This attack needs  $3 \times 2^{32}$  chosen plaintexts and  $2^{57}$  computational complexity.

**Keywords :** KASUMI, saturation attack, meet-in-the-middle attack, week key

## I. 서 론

KASUMI<sup>(3)</sup>는 IMT2000에서 기밀성 제공을 위해 사용되는 국제 표준 암호 알고리즘이다. 이 암호는 Matsui가 선형공격과 차분공격에 대하여 안전하게 설계한 MISTY<sup>(13)</sup>를 변형한 것이다. 따라서 KASUMI의 안전성은 MISTY와 마찬가지로 라운드 함수인  $FL$  함수와  $FO$  함수에 의하여 보장된다.

KASUMI는 64 비트의 평문을 입력받아 128 비트의 키를 사용하여 64 비트의 암호문을 출력하는 8 라운드 블록 암호이다. 이것은 Feistel 유사구조를 가지고 있으며, 한 라운드는  $FL$  함수와  $FO$  함수로 구성된다.

현재까지, 5 라운드 KASUMI에 대한 포화공격 결과는 전수조사보다 좋지 않다고 알려져 있다<sup>[18]</sup>. 그러나 본 논문에서는  $10 \times 2^{32}$ 의 선택 평문을 이용하여, 전수조사보다 좋은 5 라운드 포화공격을 소개하고, 중간 일치 공격을 이용하여 5 라운드 포화공

\* 접수일 : 2004년 3월 29일 ; 채택일 : 2004년 5월 18일

\* 본 연구는 정보통신부 대학 IT연구센터 육성·지원사업의 연구결과로 수행되었습니다.

† 주저자, dogcraft@cist.korea.ac.kr

‡ 교신저자, sangjin@korea.ac.kr

격을 향상시킬 것이다. 더 나아가,  $FL_6$ 에 쓰이는 키가 "111111111"로 고정된 취약 키 클래스하에서  $7 \times 2^{32}$ 의 선택평문과  $2^{57}$ 의 공격 복잡도를 갖는 향상된 5 라운드 포화공격을 보인다.

본 논문의 구성은 다음과 같다. 2 절에서는 포화공격에 들어가기 전에 앞서 KASUMI에 대한 간략한 알고리즘 설명과 포화공격에 대한 기본적인 개념 그리고 본 논문에서 사용할 표기법에 대하여 살펴 볼 것이다. 3 절에서는 4 라운드 포화 특성을 구성하고, 기본 5 라운드 포화공격을 보인다. 그리고 이 공격을 향상시키는 방법을 소개할 것이다. 마지막으로 4 절은 본 논문의 결론이다.

## II. 준비단계

### 2.1. KASUMI에 대한 소개

KASUMI는 8 라운드 Feistel 구조의 블록암호로 (그림 1)과 같다. 라운드 함수는  $FL$  함수와  $FO$  함수로 구성되어 있고, 홀수 라운드에서는  $FO$  함수 앞에  $FL$  함수가 위치하며, 짝수 라운드에서는  $FL$  함수 앞에  $FO$  함수가 위치한다.  $FL$  함수는 32 비트 키  $KL_i = KL_{i,1} \parallel KL_{i,2}$ 에 의하여 결정되

는 치환 함수이다.  $FO$  함수는 비선형 함수인 세 개의  $FI$  함수로 구성되어 있다.  $FI$  함수는 두 개의 S 박스  $S7$ ,  $S9$ 로 이루어져 있다.  $S7$ 은 7 비트를 입력받아 7 비트를 출력하고,  $S9$ 는 9 비트를 입력받아 9 비트를 출력하는 비선형함수이다.  $FO$  함수와  $FI$  함수에 사용된 키들은 각각 48 비트  $KO_i = KO_{i,1} \parallel KO_{i,2} \parallel KO_{i,3}$ 와 48 비트  $KI_i = KI_{i,1} \parallel KI_{i,2} \parallel KI_{i,3}$ 이다. 본 논문의 공격에서는 키 스케줄이 사용되지 않으므로 키 생성 과정에 대한 설명은 생략한다.

### 2.2. 포화공격

포화공격은 주어진 라운드 함수의 일대일 대응 성질을 이용하여 선택된 평문에 대하여 몇 라운드 후의 출력 모양이 포화 집합이 되거나 균일 집합이 되는 성질을 유도하여 올바른 키를 찾아내는 공격방법이다. 포화집합과 균일집합의 정의는 다음과 같다.

- 포화집합(A) : 집합  $A$ 를  $n$  비트로 이루어진 집합이라고 하자. 모든  $n$  비트 수열들이 집합  $A$ 에 정확하게 한 번씩 나타나면, 이때  $A$ 를 포화집합이라고 한다.

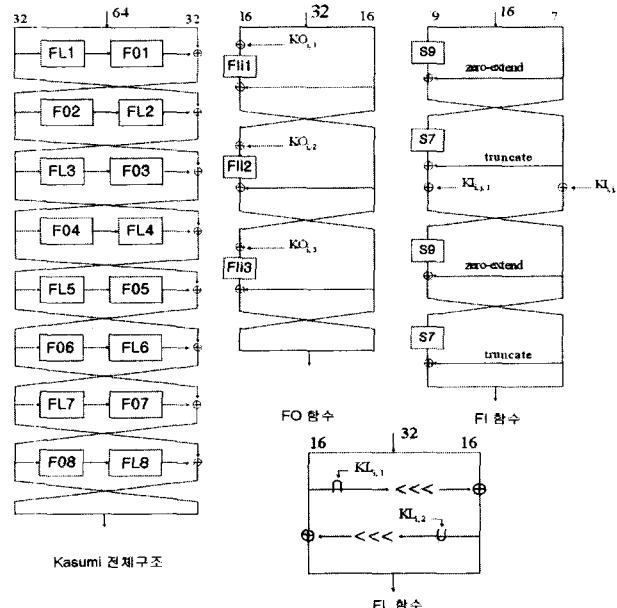


그림 1. KASUMI 알고리즘

- 균일집합(B) : 집합  $B$ 를  $n$  비트 수열들로 구성되어 있다고 하자. 만약  $B$ 의 모든 원소들을 XOR한 값이 0이 된다면, 즉

$$\bigoplus_{x_i \in B} x_i = 0$$

하면, 이 때 집합  $B$ 를 균일집합이라고 한다. 어떤 집합  $A$ 가 포화집합이면  $A$ 는 균일집합이 된다는 사실은 정의로부터 쉽게 알 수 있다. 또한 포화집합과 균일집합에 대한 XOR 연산의 특성은 [표 1]과 같다<sup>[17]</sup>.

표 1. XOR 연산의 특성의 특성

XOR (⊕)	포화집합 (A)	상수 (C)	균일집합 (B)
포화집합 (A)	균일집합 (B)	포화집합 (A)	균일집합 (B)
상수 (C)	포화집합 (A)	상수 (C)	균일집합 (B)
균일집합 (B)	균일집합 (B)	균일집합 (B)	균일집합 (B)

### 2.3. 표기법

본 소절에서는 본 논문에서 사용될 표기법에 대하여 소개할 것이다.

$i =$  짹수 일 때  $X_i \in GF(2)^7$  이고,  $i =$  홀수 일 때  $X_i \in GF(2)^9$  라 하면,

- 평문 :

$$\begin{aligned} P &= (PL \parallel PR) \\ &= (P_7, \dots, P_4 \parallel P_3, \dots, P_0) \end{aligned}$$

- 각  $i$ 라운드의 입력 값 :

$$\begin{aligned} Z^i &= (Z_L^i \parallel Z_R^i) \\ &= (Z_7^i, \dots, Z_4^i \parallel Z_3^i, \dots, Z_0^i) \end{aligned}$$

- 5라운드로 축소된 KASUMI의 암호문 :

$$\begin{aligned} C &= (CL \parallel CR) \\ &= (C_7, \dots, C_4 \parallel C_3, \dots, C_0) \end{aligned}$$

위의 표기법에 의하여  $(P_7, \dots, P_4 \parallel P_3, \dots, P_0) = (Z_7^1, \dots, Z_4^1 \parallel Z_3^1, \dots, Z_0^1)$ 라는 사실을 쉽게 도출할 수 있다. 더 나아가, “ $\parallel$ ”은 연접을 의미하며, “ $\wedge$ ”은 비트별 AND 연산을 의미한다. 마지막으로 “ $T$ ”는 최상위 2 비트 버림을 의미한다.

## III. 포화공격

### 3.1. KASUMI의 4 라운드 포화 특성

이 소절에서는 5 라운드 포화공격에 사용할 4 라운드 포화 특성을 구성할 것이다. 위에서 언급한 포화 성질을 이용하면, 다음과 같은 포화 특성을 간단하게 이끌어 낼 수 있다.

먼저 평문 집합으로  $P = (C, A)$ 을 선택한다. 여기서  $C$ 는 고정된 임의의 32 비트 상수 값이고,  $A$ 는 32 비트의 포화집합이다. 키가 고정되었을 때,  $FL$  함수와  $FO$  함수가 일대일 대응 성질을 만족하므로, (그림 2)와 같이, 선택 평문 집합  $P = (C, A)$ 에 대하여 다섯 번째 라운드 입력 부분에서  $Z^5 = (?, B)$  특성을 얻을 수 있다. 여기서  $B$ 는 균일 집합을 말한다. 즉, 5 라운드 입력 값  $Z_R^5$ 에서 균일 성질

$$\bigoplus_{w_i \in Z_R^5} w_i = 0$$

을 만족한다.

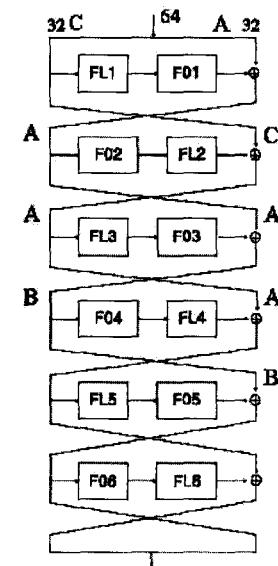


그림 2. KASUMI 포화특성

### 3.2. KASUMI 5 라운드 포화 공격

이 소절에서는 앞 소절에서 구성한 4 라운드 포화 특성을 이용하여 5 라운드 포화공격을 소개한다.

평문집합  $P = (C, A)$ 에 대응하는 암호문 집합  $C = (CL \parallel CR)$ 의 오른쪽 출력  $CR$  값들에 대하여 다섯 번째 라운드를 복호화한다고 가정하자.  $FL5(CR_i, KL_{5,1}, KL_{5,2}) = (X_{L_i} \parallel X_{R_i})$ 이라 할 때,  $FL5$  함수 키  $KL_{5,1}$ 과  $KL_{5,2}$ 를 추측하면  $X_{L_i}$ 과  $X_{R_i}$ 의 값을 알 수 있다.  $X_{L_i}$ 을  $FO5$ 의 첫 번째 라운드 키  $KO_{5,1}, KI_{5,1,1}$ 을 추측하여 복호화하고,  $X_{R_i}$ 을  $FO5$ 의 두 번째 라운드 키  $KO_{5,2}, KI_{5,2,2}$ 를 추측하여 복호화한 뒤, 복호화된 집합과 그 값에 대응되는 왼쪽 출력 암호문 집합을 XOR 하면, 그 값에서 균일 성질이 나타남을 알 수 있다. 앞 소절에 제시한 포화 특성에 의하여 균일 성질이 나타나는 키는 옳은 키로 간주하고, 그렇지 않은 키는 틀린 키로 버린다.

여기서  $KI_{5,1,1}$ 과  $KI_{5,2,1}$ 을 추측하지 않는 이유는 공격에서 이끌어내고자 하는 균일 성질에 아무런 영향을 주지 않기 때문이다.

즉,  $FL5(CR, KL_{5,1}, KL_{5,2}) = (C'_3, C'_2, C'_1, C'_0)$ 이고,  $a_i \in C'_3, b_i \in C'_2, c_i \in C'_1, d_i \in C'_0$  일 때,

$$\begin{aligned} & \bigoplus_{w_i \in ((Z_3^5 \wedge 3) \parallel Z_2^5)} w_i = \\ & \left\{ \begin{array}{l} (00 \parallel (T(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i)) \oplus S_7(b_i) \oplus KI_{5,1,1})) \\ \oplus S_9(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i) \oplus KI_{5,1,2}) \oplus ((c_i \wedge 3) \parallel d_i) \\ \oplus (00 \parallel (T(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i)) \oplus S_7(d_i) \oplus KI_{5,2,1})) \\ \oplus S_9(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i) \oplus KI_{5,2,2}) \oplus ((C_7 \wedge 3) \parallel C_6) \end{array} \right\} = 0 \end{aligned} \quad (1)$$

이다. 그리고 XOR 연산은 선형이므로

$$\begin{aligned} & \bigoplus_{w_i \in ((Z_3^5 \wedge 3) \parallel Z_2^5)} w_i = \\ & \left\{ \begin{array}{l} (00 \parallel (T(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i)) \oplus S_7(b_i))) \\ \oplus S_9(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i) \oplus KI_{5,1,2}) \oplus ((c_i \wedge 3) \parallel d_i) \\ \oplus (00 \parallel (T(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i)) \oplus S_7(d_i))) \\ \oplus S_9(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i) \oplus KI_{5,2,2}) \oplus ((C_7 \wedge 3) \parallel C_6) \\ \oplus KI_{5,1,1} \oplus KI_{5,2,1} \end{array} \right\} = 0 \end{aligned} \quad (2)$$

이 된다.  $KI_{5,1,1}$ 과  $KI_{5,2,1}$ 는 공격에서 추측한 값이므로,

$$\begin{aligned} & \bigoplus_{w_i \in ((Z_3^5 \wedge 3) \parallel Z_2^5)} w_i = \\ & \left\{ \begin{array}{l} (00 \parallel (T(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i)) \oplus S_7(b_i))) \\ \oplus S_9(S_9(a_i) \oplus (00 \parallel b_i) \oplus KI_{5,1,2}) \oplus ((c_i \wedge 3) \parallel d_i) \\ \oplus (00 \parallel (T(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i)) \oplus S_7(d_i))) \\ \oplus S_9(S_9(c_i) \oplus (00 \parallel d_i) \oplus KI_{5,2,2}) \oplus ((C_7 \wedge 3) \parallel C_6) \end{array} \right\} = 0 \end{aligned} \quad (3)$$

라 할 수 있다. 따라서, 키  $KI_{5,1,1}$ 과  $KI_{5,2,1}$ 가  $(Z_3^5 \wedge 3) \parallel Z_2^5$ 의 균일성질에 영향을 주지 않으므로,  $KI_{5,1,1}$ 와  $KI_{5,2,1}$ 를 추측하지 않아도  $Z_2^5$ 의 균일 성질을 만족하는지를 체크할 수 있다.

공격 시나리오를 정리하자면, 5 라운드 포화공격을 통하여 다섯 번째 라운드의 82 비트 부분키  $K = \{KO_{5,1}, KO_{5,2}, KI_{5,1,2}, KI_{5,2,2}, KL_{5,1}, KL_{5,2}\}$ 를 추측하여 암호문을 (그림 3)과 같이 복호화해서, 5 라운드의 오른쪽 입력 상위 8 번째 비트부터 16 번째 비트까지 균일성질 .

$$\bigoplus_{w_i \in ((Z_3^5 \wedge 3) \parallel Z_2^5)} w_i = 0$$

을 만족하면 옳은 키로 간주하고, 만족하지 않으면 틀린 키로 간주하고 버린다.

선택 평문 집합  $P = (C, A)$ 에 대하여, 올바른 키가 아니면서 82 비트 부분키가 수식 (3)을 만족할 확률은  $2^{-9}$ 이다. 따라서 부분키 공간의 크기가  $2^{82}$ 이라고 할 때, 확률적으로 올바른 키를 찾아내기 위해서는 적어도 10개의 선택 평문 집합이 필요하다.

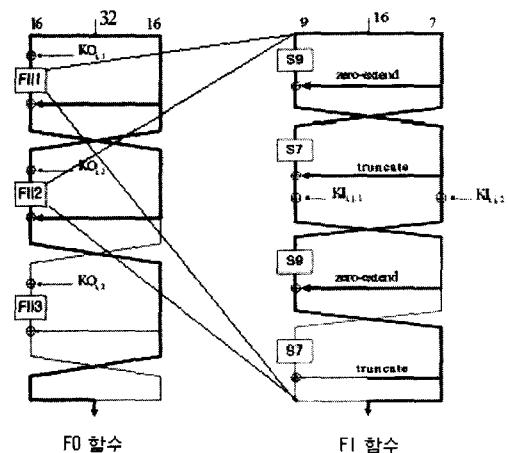


그림 3. 5 라운드 FO 할수 키 추출 경로

따라서 5 라운드 포화 공격 복잡도는 선택 평문 집합 10개에 대하여 82 비트의 부분키를 전수 조사하여 찾아내므로  $\frac{1}{5} \times 10 \times 2^{32} \times 2^{82} = 2^{115}$ 라 할 수 있다.

### 3.3 중간 일치 공격을 이용한 KASUMI 5 라운드 포화 공격

이 소절에서는 앞 소절에서 제시한 5 라운드 포화 공격을 중간 일치 공격을 이용하여 향상시킬 것이다. 앞 절에서 제시한 포화 공격은  $FL5$  함수와  $FO5$  함수를 복호화하여, 왼쪽 출력 하위 아홉 비트의 균일 성질을 이용한 공격이었다. 이 절에서는  $FO5$  함수에 적용되는 키  $KO_{5,1}, KI_{5,1,2}$ 와  $KO_{5,2}, KI_{5,2,2}$ 을 독립적으로 추측하여 공격 복잡도를 낮출 것이다.

$FL5(CR_i, KL_{5,1}, KL_{5,2}) = (X_{Li} \| X_{Ri})$ 이라 할 때,  $X_{Li}$ 을  $FO5$ 의 첫 번째 라운드 키  $KO_{5,1}, KI_{5,1,2}$ 를 추측하여 복호화하고,  $X_{Ri}$ 을  $FO5$ 의 두 번째 라운드 키  $KO_{5,2}, KI_{5,2,2}$ 를 추측하여 복호화한 뒤, 복호화 된 집합과 그 값에 대응되는 왼쪽 출력 암호문 집합을 XOR 하면, 그 값에서 균일 성질이 나타나는지를 체크하였다.

키  $KO_{5,1}, KI_{5,1,2}$ 이 쓰이는 부분의 함수와  $KO_{5,2}, KI_{5,2,2}$ 가 쓰이는 부분의 함수를 각각  $f$ 와  $g$ 라 하고,  $KI_{5,1,1}, KI_{5,2,1}$  그리고 암호문  $(C_7 \wedge 3) || C_6$ 에 의하여 결정되는 값을  $C'$ 라 하면,  $f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(X_L) \oplus g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(X_R) \oplus C'$ 을 왼쪽 출력 하위 아홉 비트에 대하여 조사할 수 있다. 위 수식을 통하여

$$\bigoplus_i \{f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(X_{Li}) \oplus g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(X_{Ri})\} = \bigoplus_i C'_i$$

을 이끌어 낼 수 있다. 위 수식을 이용하여 중간 일치 공격을 이용한 포화 공격을 수행할 수 있다. KASUMI의 중간 일치 공격을 이용한 포화 공격은 다음과 같다.

· 1 단계 : 평문 집합에 대응하는 암호문 집합  $CR$ 을  $KL_{5,1}, KL_{5,2}$ 를 추측하여 복호화 한다.

· 2 단계 : 1 단계에서 복호화한 집합  $CR'$ 에 대하여, 5 라운드의 부분키  $KO_{5,1}, KL_{5,1,2}$ 를 추측하여  $CR'$ 을 복호화하여,

$$\bigoplus_i f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(CR'_i)$$

을 구한 뒤 테이블 1에 각각의 값을 저장한다.

· 3 단계 : 1 단계에서 복호화한 집합  $CR'$ 에 대하여, 5 라운드의 부분키  $KO_{5,2}, KL_{5,2,2}$ 를 추측하여  $CR'$ 을 복호화하여,

$$\bigoplus_i g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(CR'_i)$$

을 구한 뒤 테이블 2에 각각의 값을 저장한다.

· 4 단계 : 위에서 저장한 테이블 1과 2의 값을 XOR 한 값이 평문 집합에 대응하는 암호문 집합을 XOR한 값과 일치하는지 조사한다. 일치하면 옳은 키로 간주하고, 그렇지 않은 키는 버린다.

· 5 단계 : 위의 과정을 유일한 키 한 개가 남을 때 까지 다양한 평문 집합에 대하여 반복한다.

선택 평문 집합  $P=(C, A)$ 에 대하여 82비트 옳지 않은 키가 위의 성질을 만족할 확률은 아홉 비트의 균일 성질을 이용하므로  $2^{-9}$ 이다. 여기에서  $KO_{5,1}, KL_{5,1,2}$ 와  $KO_{5,2}, KL_{5,2,2}$ 는 단계 1과 단계 2에서 독립적으로 추측되므로 57 비트의 키를 2개 독립적으로 추측하는 것과 같다. 따라서 부분키 공간의 크기가  $2^{57}$ 이라고 할 때, 확률적으로 옳은 키를 찾아내기 위해서는 적어도 선택 평문 집합 7개가 필요하다. 따라서 5 라운드 KASUMI에 대한 포화 공격 복잡도는 약  $2 \times \frac{1}{5} \times 7 \times 2^{32} \times 2^{57} \approx 2^{90}$ 라 할 수 있다.

본 공격은 앞 소절의 공격과 다르게 균일값을 저장하는 테이블이 이용되므로 메모리가 요구된다.  $FL5$  함수의 키  $KL_{5,1}, KL_{5,2}$ 에 대하여  $FO5$  함수의 키  $KO_{5,1}, KL_{5,1,2}$ 와  $KO_{5,2}, KL_{5,2,2}$ 를 독립적으로 추측하여 균일값을 두 개의 테이블에 각각 저장하므로, 공격을 성공시키기 위하여  $2 \times 2^{32} \times 2^{25} = 2^{58}$ 의 메모리가 필요하다.

### 3.4 취약 키 클래스 KASUMI 5 라운드 포화 공격

이 소절에서는 앞 절에서 구성한 5 라운드 포화 공격을  $FL6$  함수의 키  $KL_{6,2,2}$ 의 9 비트가

"1111111111"로 고정된 취약 키 클래스에 대하여 향상시킬 것이다. 앞 소절에서 제시한 공격을 더욱 더 향상시키기 위하여 1~5 라운드 포화공격이 아닌, 2~6 라운드 포화 공격을 구성할 것이다.

(그림 2)에 나타난 포화특성을 2 라운드부터 구성하면, 즉 2 라운드 입력 값  $Z^2 = (C, A)$ 로 선택하면 4 라운드 포화특성  $Z^6 = (?, B)$ 를 얻을 수 있다. 이 4 라운드 포화특성을 이용하여 5 라운드(2~6라운드) 포화 공격을 시도한다.

이 공격에서는  $FL_6$  함수를 제외한  $F06$ 에 쓰이는 부분키만을 찾을 것이다. 6 라운드의 부분키 후보  $K = \{KO_{6,1}, KO_{6,2}, KI_{6,1,2}, KI_{6,2,2}\}$ 를 이용하여 중간 일치 공격을 이용한 5 라운드 기본 공격과 같은 방법으로 암호문을 복호화하면,  $CR = (X_L || X_R)$ 이라 할 때,  $f_{KO_{6,1}, KI_{6,1,2}}(X_L)$ 을  $\oplus g_{KO_{6,2}, KI_{6,2,2}}(X_R)$  구할 수 있다.

(그림 4)를 보면 알 수 있듯이,  $f_{KO_{6,1}, KI_{6,1,2}}(X_L)$   $\oplus g_{KO_{6,2}, KI_{6,2,2}}(X_R)$ 이 XOR되는  $KL_{6,2,2}$ 의 9비트 키를 "1111111111"로 고정시키면,

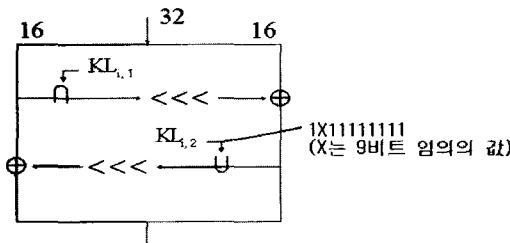


그림 4.  $FL$  함수 취약키 특성

$$\bigoplus_i \{f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(X_{Li}) \oplus g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(X_{Ri}) \oplus 111111111\} = \bigoplus_i C'_i$$

"1111111111"은 고정된 상수 값이므로,

$$\bigoplus_i \{f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(X_{Li}) \oplus g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(X_{Ri})\} = \bigoplus_i C'_i$$

이다.  $FL$  함수의 입력 값

$$\bigoplus_i \{f_{KO_{5,1}, KI_{5,1,2}}(X_{Li}) \oplus g_{KO_{5,2}, KI_{5,2,2}}(X_{Ri})\}$$

이 그대로 유지됨을 알 수 있다. 따라서 앞 절에서

제시한 중간 일치 공격을 그대로 적용할 수 있다.

선택 평문 집합에 대하여, 옳은 키가 아니면서 50 비트 부분 키가 위의 성질을 만족할 확률은  $2^{-9}$ 이다. 여기에서  $KO_{6,1}, KI_{6,1,2}$ 와  $KO_{6,2}, KI_{6,2,2}$ 는 독립적으로 추측되므로 25 비트의 키를 2개 독립적으로 추측하는 것과 같다. 부분키 공간의 크기가  $2 \times 2^{25}$ 이므로 확률적으로 옳은 키를 찾아내기 위해서는 적어도 3 개의 선택 평문 집합이 필요하다.

이 절에서 5 라운드 포화 공격 복잡도는  $2^{32}$ 의 평문 집합 7 개에 대하여 50 비트의 부분키를 전수조사하여 찾아내므로,  $2 \times \frac{1}{5} \times 3 \times 2^{32} \times 2^{25} \approx 2^{57}$  라 할 수 있다.

앞 소절과 마찬가지로 균일값을 저장하기 위하여 테이블이 사용되므로 다음과 같은 메모리가 요구된다.  $F06$  함수의 키  $KO_{6,1}, KI_{6,1,2}$ 와  $KO_{6,2}, KI_{6,2,2}$ 를 독립적으로 추측하여 균일 값을 두 개의 테이블에 각각 저장하므로, 공격을 성공시키기 위하여  $2 \times 2^{25} = 2^{26}$ 의 메모리가 필요하다.

## IV. 결 론

본 논문의 5라운드 KASUMI에 대한 포화공격 결과를 요약하면 [표 3]과 같다. 지금까지 5라운드 KASUMI 포화 공격은 전수조사보다 좋지 않다고 알려져 있었다. 그러나 본 논문에서는 전수조사보다

표 2. 기존 KASUMI 공격 결과

공격 방법	라운드 수	선택 평문수	공격 복잡도
연관키 공격[15]	6	$2^{48}$	$2^{112}$
불능 차분 공격[10]	6 (2-7)	$2^{50}$	$2^{100}$

표 3. 5 라운드 KASUMI 포화공격 결과

공격 방법	선택 평문수	공간 복잡도	공격 복잡도
기본공격	$10 \times 2^{32}$	.	$2^{115}$
중간일치 공격	$7 \times 2^{32}$	$2^{58}$	$2^{90}$
취약 키	$7 \times 2^{32}$	$2^{26}$	$2^{57}$

나은 포화공격을 성공시켰을 뿐만 아니라, 기본 포화 공격을 중간일치 공격을 이용하여 공격 복잡도를 향상시켰다. 더 나아가 9비트 키가 "111111111"로 고정된 취약 키 클래스 하에서 포화공격을 더욱 향상시킬 수 있다.

### 참 고 문 헌

- [1] P. Barreto, V. Rijmen, J. Nakahara Jr., B. Preneel, J. Vandewalle, and H. Y. Kim. "Improved SQUARE attacks against reduced-round HIEROCRYPT", *FSE 2001*, LNCS 2355, Springer-Verlag 2002, pp. 165-173.
- [2] E. Biham and A. Shamir, "Differential Cryptanalysis of DES-like Cryptosystems". In *Journal of cryptology*, vol 4, no 1, 1991, pp. 3-72.
- [3] ETSI/SAGE. "Specification of the 3GPP Confidentiality and Integrity Algorithms - Document 2: KASUMI Specification", Version 1.0.3G TS 35.202, December 23, 1999. <http://www.3gpp.org/TB/Other/algorithms.htm>
- [4] Y. He, S. Qing. "Square Attack on Reduced Camellia Cipher", *ICICS 2001*, LNCS 2229, Springer-Verlag 2002, pp. 89-99.
- [5] Hidema TANAKA, Chikashi ISHII, Toshimobu KANEKO. "On the strength of KASUMI without FL functions against Higher Order Differential Attack", *ICISC 2000*, LNCS 2015, Springer-Verlag 2001, pp. 14-21.
- [6] Y. Hu, Y. Zhang, and G. Xiao, "Integral cryptanalysis of SAFER+", *IEE*, vol 35, no 17, 19. Aug. 1999, pp. 1458-1459.
- [7] L.R. Knudsen. "Truncated and higher order differentials", *FSE 1994*, LNCS 1008, Springer-Verlag 1995, pp 196-211.
- [8] L.R. Knudsen, D. Wagner, "Integral Cryptanalysis", *FSE 2002*, LNCS 2365, Springer Verlag 2002, pp. 112- 127.
- [9] Ulrich Kuhn, "Cryptanalysis of Reduced-Round MISTY", *EUROCRYPT 2002*, LNCS 2045, Springer-Verlag 2001, pp. 325-339.
- [10] Ulrich Kuhn, "Improved Cryptanalysis of MISTY", *FSE 2002*, LNCS 2365, Springer-Verlag 2002, pp. 61-75.
- [11] X. Lai, "Higher Order Derivations and Differential Cryptanalysis", *Communications and Cryptography : Two Sides of one Tapestry*, Kluwer Academic Publishers, 1994, pp. 227-233.
- [12] S. Lucks, "The Saturation Attack - a Bait for Twofish", *FSE 2001*, LNCS 2355, Springer-Verlag 2002, pp. 1-15.
- [13] M. Matsui. "New block encryption algorithm MISTY", In E. Biham, editor, *FSE 1997*, LNCS 1267, Springer-Verlag 1997, pp. 54-68.
- [14] Mark Blunden, Adrian Escott, "Related Key Attacks on Reduced Round KASUMI", *FSE 2001*, LNCS 2355, Springer-Verlag 2002, pp. 277-285.
- [15] K. Nyberg. "Generalized Feistel networks", *Advances in Cryptology - ASIACRYPT'96*, LNCS 1163, Springer-Verlag 1996, pp. 91-104.
- [16] K. Sakurai and Y. Zheng, "On Non-Pseudorandomness from block Ciphers with Provable Immunity against Cryptanalysis", *IEICE 1997*, vol E80-A, no 1, 1997, pp. 19-24.
- [17] Yongjin Yeom, Sangwoo Park, Iljun Kim, "On the Security of CAMELLIA against the Square Attack", *FSE 2002*, LNCS 2365, Springer-Verlag 2002, pp. 89-99.
- [18] Vebjørn Moen, "Integral Cryptanalysis of Block Ciphers", Master, Bergen University, May 6. 2002.

(著者紹介)



**이재상 (Je-sang Lee)**

2003년 2월 : 고려대학교 수학과 학사

2003년 3월~현재 : 고려대학교 정보보호대학원 석사과정

〈관심분야〉 대칭키 암호의 분석 및 설계, 정보은닉이론, DRM



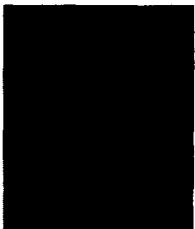
**이창훈 (Changhoon Lee)**

2001년 2월 : 한양대학교 수학과 학사

2003년 2월 : 고려대학교 정보보호대학원 석사

2003년 3월~현재 : 고려대학교 정보보호대학원 박사과정

〈관심분야〉 대칭키 암호의 분석 및 설계



**이상진 (Samjin Lee) 정회원**

1987년 2월 : 고려대학교 수학과 학사

1989년 2월 : 고려대학교 수학과 석사

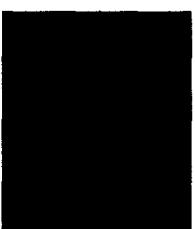
1994년 2월 : 고려대학교 수학과 박사

1989년 2월~1999년 2월 : 한국전자통신연구원 선임 연구원,

1999년 2월~2001년 8월 : 고려대학교 자연과학대학 조교수,

2001년 9월~현재 : 고려대학교 정보보호대학원 부교수

〈관심분야〉 대칭키 암호의 분석 및 설계, 정보은닉이론, 컴퓨터 포렌식



**임종인 (Jong-in Lim) 정회원**

1980년 2월 : 고려대학교 수학과 학사

1982년 2월 : 고려대학교 수학과 석사

1986년 2월 : 고려대학교 수학과 박사

1986년 9월~2001년 1월 : 고려대학교 자연과학대학 정교수

2001년 2월~현재 : 고려대학교 정보보호대학원 원장, 고려대학교 정보보호기술연구센터

센터장

〈관심분야〉 암호 이론, 암호 정책, PET